

1. Asagida bir $y_1(x)$ çözümü verilen homojen diferansiyel denklemlerin genel çözümlerini mertebe düşürme yöntemi ile bulunuz.

(a) $y'' - 4y' + 4y = 0; \quad y_1 = e^{2x}.$

(b) $y'' + 2y' + y = 0; \quad y_1 = xe^{-x}.$

(c) $y'' + 16y = 0; \quad y_1 = \cos 4x.$

(d) $x^2y'' + 2xy' - 6y = 0; \quad y_1 = x^2.$

(e) $xy'' + y' = 0; \quad y_1 = \ln x.$

(f) $(1 - 2x - x^2)y'' + 2(x + 1)y' - 2y = 0; \quad y_1 = x + 1.$

2. Asagida bir $y_1(x)$ çözümü verilen homojen olmayan diferansiyel denklemlerin genel çözümlerini mertebe düşürme yöntemi ile bulunuz.

(a) $y'' - 4y = 2; \quad y_1 = e^{-2x}.$

(b) $y'' + y' = 1; \quad y_1 = 1.$

(c) $y'' - 3y' + 2y = 5e^{3x}; \quad y_1 = e^x.$

(d) $y'' - 4y' + 3y = x; \quad y_1 = e^x.$